

2023

## MATHEMATICS

Time—3 Hours 15 Minutes

(First 15 minutes for reading the question paper)

Full Marks —  $\begin{cases} 90 & \text{— For Regular Candidates} \\ 100 & \text{— For External Candidates} \end{cases}$

*Special credit will be given for answers which are brief and to the point.  
Marks will be deducted for spelling mistakes, untidiness and bad handwriting.*

[ 1, 2, 3, 4 প্রশ্নগুলির উত্তর প্রশ্নসংখ্যা লিখে অবশ্যই ক্রমানুযায়ী উত্তরপত্রের প্রথম দিকে লিখতে হবে। এর জন্য প্রয়োজনবোধে গণনা ও চিত্র অঙ্কন উত্তরপত্রের ডানদিকে মার্জিন টেনে করতে হবে। কোনো প্রকার সারণি বা গণকযন্ত্র ব্যবহার করা যাবে না। গণনার প্রয়োজনে  $\pi$ -এর আসন্ন মান  $\frac{22}{7}$  ধরে নিতে হবে। দরকার মতো গ্রাফ পেপার দেওয়া হবে। পাটীগণিতের অঙ্ক বীজগাণিতিক পদ্ধতিতে করা যেতে পারে। ]

[ দৃষ্টিহীন পরীক্ষার্থীদের জন্য 11 নং প্রশ্নের বিকল্প দেওয়া আছে 8 নং পৃষ্ঠায় ]

[ 16 নং অতিরিক্ত প্রশ্ন কেবলমাত্র বহিরাগত পরীক্ষার্থীদের জন্য 8 নং পৃষ্ঠায় দেওয়া আছে ]

1. নিম্নলিখিত প্রশ্নগুলির সঠিক উত্তরটি নির্বাচন করো :

1×6=6

(i) A, B, C তিন বন্ধু যথাক্রমে x, 2x, y টাকা মূলধন নিয়ে ব্যবসা শুরু করল, মেয়াদান্তে z টাকা লাভ হলে,

A-এর লভ্যাংশ হবে

(a)  $\frac{xz}{3x+y}$  টাঃ

(b)  $\frac{2xz}{3x+y}$  টাঃ

(c)  $\frac{z}{2x+y}$  টাঃ

(d)  $\frac{xyz}{3x+y}$  টাঃ

(ii)  $x^2 = x$  এই সমীকরণটির সমাধান সংখ্যা

(a) 1 টি

(b) 2 টি

(c) 0 টি

(d) 3 টি

(iii) দুটি বৃত্ত পরস্পরকে অন্তঃস্পর্শ করলে বৃত্তদুটির সাধারণ স্পর্শকের সংখ্যা হবে

(a) 1 টি

(b) 2 টি

(c) 3 টি

(d) 4 টি

(iv)  $\theta$  এর যে কোন মানের জন্য  $5 + 4 \sin \theta$  -র বৃহত্তম মান হবে :

(a) 9

(b) 1

(c) 0

(d) 5

(v) দুটি নিরেট গোলকের আয়তনের অনুপাত 27 : 8 হলে তাদের বক্রতলের ক্ষেত্রফলের অনুপাত হবে

(a) 1:2

(b) 9:4

(c) 1:8

(d) 1:16

(vi) একটি চলকের তিনটি মান 4, 5 এবং 7, তাদের পরিসংখ্যা যথাক্রমে  $p - 2$ ,  $p + 1$  ও  $p - 1$ . চলকটির যৌগিক গড় 5.4 হলে  $p$  এর মান হবে :

(a) 1

(b) 2

(c) 3

(d) 4

2. শূন্যস্থান পূরণ করো (যে কোনো পাঁচটি) :

1×5=5

(i) 180 টাকার 1 বছরের সুদ আসল 198 টাকা হলে বার্ষিক সরল সুদের হার \_\_\_\_\_।

(ii)  $(a^2bc)$  এবং  $(4bc)$  এর মধ্য সমানুপাতী  $x$  হলে,  $x$  এর মান \_\_\_\_\_।

(iii)  $\tan \theta \cos 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$  হলে,  $\sin(\theta - 15^\circ)$  এর মান হবে \_\_\_\_\_।

(iv)  $\angle A$  এবং  $\angle B$  ছয় পূরক কোণ হলে  $\angle A + \angle B = \underline{\hspace{2cm}}$ ।

(v) 8, 15, 10, 11, 7, 9, 11, 13 এবং 16 সংখ্যাগুলির মধ্যমা হবে  $\underline{\hspace{2cm}}$ ।

(vi) একমুখ কাটা একটি পেনসিলের আকার  $\underline{\hspace{2cm}}$  ও  $\underline{\hspace{2cm}}$  র সমন্বয়।

3. সত্য বা মিথ্যা লেখো (যে কোনো পাঁচটি) :

1×5=5

(i) চক্রবৃদ্ধি সুদের ক্ষেত্রে যদি প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় বছরের সুদের হার যথাক্রমে  $r_1\%$ ,  $r_2\%$ ,  $2r_3\%$  হয়, তবে  $P$  টাকার 3 বছরের শেষে সবৃদ্ধিমূল

$$P \left(1 + \frac{r_1}{100}\right) \left(1 + \frac{r_2}{100}\right) \left(1 + \frac{r_3}{100}\right) \text{ টাকা।}$$

(ii)  $\cos 36^\circ$  এবং  $\sin 54^\circ$  এর মান সমান।

(iii) কোনো বহিস্থ বিন্দু থেকে বৃত্তের ওপর কেবলমাত্র একটি স্পর্শক টানা যায়।

(iv)  $2ab : c^2$ ,  $bc : a^2$  এবং  $ca : b^2$  এর যৌগিক অনুপাত 1 : 1।

(v) কোনো গোলকের বক্রতলের ক্ষেত্রফল এবং আয়তনের সাংখ্য মান সমান হলে ব্যাসার্ধ 3 একক হবে।

(vi) 5, 2, 4, 3, 5, 2, 5, 2, 5, 2 তথ্যের সংখ্যাগুরু মান হবে 2।

4. নিম্নলিখিত প্রশ্নগুলির উত্তর দাও (যে কোনো দশটি) :

2×10=20

(i) শতকরা বার্ষিক সরল সুদের হার কত হলে কোনো টাকার 5 বছরের সুদ আসলের  $\frac{2}{5}$  অংশ হবে তাহা নির্ণয় করো।

(ii) কোনো ব্যবসায় A ও B এর মূলধনের অনুপাত  $\frac{1}{7} : \frac{1}{4}$ , বছরের শেষে 11,000 টাকা লাভ হলে তাদের লভ্যাংশের পরিমাণ নির্ণয় করো।

(iii)  $x^2 - x = K(2x - 1)$  সমীকরণের বীজদ্বয়ের সমষ্টি 2 হলে,  $K$ -এর মান নির্ণয় করো।

- (iv) যদি  $b \propto a^2$  হয় এবং  $a$ -এর বৃদ্ধি হয় 2 : 3 অনুপাতে, তাহলে  $b$ -এর বৃদ্ধি কী অনুপাতে হয় তা নির্ণয় করো।
- (v) একটি বৃত্তের  $AB$  ও  $CD$  দুটি জ্যা।  $BA$  এবং  $DC$  কে বর্ধিত করলে পরস্পর  $P$  বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ করো যে,  $\angle PCB = \angle PAD$ .
- (vi)  $\triangle ABC$  এর  $AC$  এবং  $BC$  বাহু দুটির উপর যথাক্রমে  $L$  এবং  $M$  দুটি বিন্দু এমনভাবে অবস্থান করে যাতে  $LM \parallel AB$  এবং  $AL = (x - 2)$  একক,  $AC = 2x + 3$  একক,  $BM = (x - 3)$  একক এবং  $BC = 2x$  একক, তবে  $x$ -এর মান নির্ণয় করো।
- (vii) দুটি বৃত্ত পরস্পরকে  $C$  বিন্দুতে বহিঃস্পর্শ করে। বৃত্ত দুটির একটি সাধারণ স্পর্শক  $AB$  বৃত্ত দুটিকে  $A$  ও  $B$  বিন্দুতে স্পর্শ করে।  $\angle ACB$  এর মান নির্ণয় করো।
- (viii)  $\tan 2A = \cot(A - 30^\circ)$  হলে,  $\sec(A + 20^\circ)$  এর মান নির্ণয় করো।
- (ix)  $\tan \theta = \frac{8}{15}$  হলে,  $\sin \theta$  র মান নির্ণয় করো।
- (x) একটি লম্ব বৃত্তাকার শঙ্কুর আয়তন  $V$  ঘন একক, ভূমিতলের ক্ষেত্রফল  $A$  বর্গ একক এবং উচ্চতা  $H$  একক হলে  $\frac{AH}{3V}$  এর মান নির্ণয় করো।
- (xi) সমান দৈর্ঘ্যের ব্যাসার্ধ এবং সমান উচ্চতা বিশিষ্ট নিরেট লম্ববৃত্তাকার চোঙ এবং নিরেট লম্ববৃত্তাকার শঙ্কুর আয়তনের অনুপাত নির্ণয় করো।
- (xii) উর্ধ্বক্রমে সাজানো 6, 8, 10, 12, 13,  $x$  তথ্যের গড় ও মধ্যমা সমান হলে  $x$  এর মান নির্ণয় করো।

5. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

5

- (i) ধূমপান বিরোধী প্রচারের ফলে প্রতি বছর ধূমপায়ীর সংখ্যা  $6\frac{1}{4}\%$  হারে হ্রাস পায়। বর্তমানে কোনো শহরে 22500 জন ধূমপায়ী থাকলে, 2 বছর পূর্বে ওই শহরে কতজন ধূমপায়ী ছিল ?
- (ii) একটি যৌথ ব্যবসায়ে তিন বন্ধুর মূলধনের অনুপাত 6 : 4 : 3, 4 মাস পরে প্রথম বন্ধু তাঁর মূলধনের অর্ধেক তুলে নেন এবং তার 8 মাস পরে মোট লাভ হয় 61,050 টাকা। তাহলে কে কত টাকা লাভ্যাংশ পাবে ?

6. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

(i) সমাধান করো :  $\frac{x-3}{x+3} - \frac{x+3}{x-3} + 6\frac{6}{7} = 0$ . ( $x \neq 3, -3$ )

(ii) কলমের মূল্য প্রতি ডজনে 6 টাকা কম হলে 30 টাকায় আরও 3 টি কলম বেশী পাওয়া যাবে। মূল্য কমার পূর্বে প্রতি ডজন কলমের মূল্য নির্ণয় করো।

3

7. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

(i) যদি  $x = \frac{1}{2-\sqrt{3}}$  এবং  $y = \frac{1}{2+\sqrt{3}}$  হয় তবে  $\frac{1}{x+1} + \frac{1}{y+1}$  এর মান নির্ণয় করো।

(ii)  $x \propto y$  এবং  $y \propto z$  হলে দেখাও যে  $\frac{x}{yz} + \frac{y}{zx} + \frac{z}{xy} \propto \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}$ .

3

8. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

(i)  $\frac{a^2}{b+c} = \frac{b^2}{c+a} = \frac{c^2}{a+b} = 1$  হলে দেখাও যে  $\frac{1}{1+a} + \frac{1}{1+b} + \frac{1}{1+c} = 1$ .

(ii) 5 টি ক্রমিক সমানুপাতী সংখ্যার চতুর্থটি 54 এবং পঞ্চমটি 162 হলে, প্রথমটি নির্ণয় করো।

5

9. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

(i) প্রমাণ করো বৃত্তস্থ চতুর্ভুজের বিপরীত কোণগুলি পরস্পর সম্পূরক।

(ii) প্রমাণ করো বৃত্তের কোনো বিন্দুতে স্পর্শক ও ঐ স্পর্শবিন্দুগামী ব্যাসার্ধ পরস্পর লম্বভাবে থাকে।

10. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

3

(i) ABCD একটি বৃত্তস্থ চতুর্ভুজ।  $\angle DAB$  এবং  $\angle BCD$  এর সমদ্বিখণ্ডকদ্বয় বৃত্তকে যথাক্রমে X ও Y বিন্দুতে ছেদ করেছে। O বৃত্তটির কেন্দ্র হলে  $\angle XOY$  এর মান নির্ণয় করো।

(ii) প্রমাণ করো - বৃত্তস্থ ট্র্যাপিজিয়াম একটি সমদ্বিবাহু ট্র্যাপিজিয়াম।

11. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

- (i) একটি সমকোণী ত্রিভুজ অঙ্কন করো যার সমকোণ সংলগ্ন বাহুদ্বয় 5 সেমি ও 6 সেমি।  
এ ত্রিভুজের একটি অন্তর্বৃত্ত অঙ্কন করো।
- (ii) 7 cm বাহু বিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভুজের সমান ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট একটি বর্গক্ষেত্র অঙ্কন করো।

3×2=6

12. যে কোন দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

(i) যদি  $\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}$ , তবে প্রমাণ কর যে  $x \sin \theta = y \cos \theta$ .

- (ii) যদি একটি বৃত্তের ব্যাসার্ধ 7 cm. হয়, তবে ঐ বৃত্তের 5.5 cm দৈর্ঘ্যের বৃত্তচাপ দ্বারা গঠিত কেন্দ্রস্থ কোণটির বৃত্তীয় মান নির্ণয় কর।

(iii) দেখাও যে,  $\frac{\tan \theta + \sec \theta - 1}{\tan \theta - \sec \theta + 1} = \frac{1 + \sin \theta}{\cos \theta}$ .

13. যে কোন একটি প্রশ্নের উত্তর দাও:

5

- (i) একটি অসম্পূর্ণ স্তম্ভের পাদদেশ থেকে 50 মি দূরের কোন বিন্দু থেকে তার অগ্রভাগের উন্নতি কোণ  $30^\circ$ . স্তম্ভটি আর কত উচ্চতা বৃদ্ধি করলে ঐ বিন্দু থেকে তার শীর্ষের উন্নতি কোণ  $45^\circ$  হবে।

- (ii) একটি বাড়ির ছাদ থেকে একটি বাতি স্তম্ভের চূড়া ও পাদবিন্দুর অবনতি কোণ যথাক্রমে  $30^\circ$  ও  $60^\circ$ , বাড়ি ও বাতি স্তম্ভের উচ্চতার অনুপাত নির্ণয় কর।

14. যে কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

4×2=8

- (i) 1 সেমি ও 6 সেমি দৈর্ঘ্যের ব্যাসার্ধবিশিষ্ট দুটি নিরেট গোলককে গলিয়ে 9 cm বহির্ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একটি ফাঁপা গোলকে পরিণত করা হলে, নতুন গোলকের অন্তর্ব্যাসার্ধ নির্ণয় করো।

- (ii) একটি লম্ব বৃত্তাকার শঙ্কুর উচ্চতা উহার ব্যাসার্ধের দৈর্ঘ্যের ত্রিগুণ। যদি উচ্চতা ভূমির ব্যাসের 7 গুণ হতো, তবে শঙ্কুটির আয়তন 539 ঘন সেমি বেশি হতো। শঙ্কুটির উচ্চতা নির্ণয় করো।
- (iii) সমান ঘনত্বের একটি লম্ব বৃত্তাকার কাঠের গুড়ির বক্রতলের ক্ষেত্রফল 440 বর্গ ডেসিমিটার। 1 ঘন ডেসিমিটার কাঠের ওজন 3 kg এবং গুড়িটির ওজন 18.48 কুইন্টাল হলে গুড়িটির ব্যাসের দৈর্ঘ্য কত?

4×2=8

15. যে কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

- (i) নীচের পরিসংখ্যা বিভাজনের যৌগিক গড় 50 এবং মোট পরিসংখ্যা 120 হলে  $f_1$  ও  $f_2$  এর মান নির্ণয় করঃ :

শ্রেণী সীমা	0-20	20-40	40-60	60-80	80-100
পরিসংখ্যা	17	$f_1$	32	$f_2$	19

- (ii) নীচের পরিসংখ্যা বিভাজনের ক্রমযৌগিক পরিসংখ্যা (বৃহত্তর সূচক) তালিকা তৈরি করে ছক কাগজে ওজাইভ অঙ্কন করো।

শ্রেণী সীমা	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60
পরিসংখ্যা	7	10	23	50	6	4

- (iii) নীচের পরিসংখ্যা বিভাজনের সংখ্যাগুরু মান নির্ণয় করো :

শ্রেণী সীমা	50-59	60-69	70-79	80-89	90-99	100-109
পরিসংখ্যা	5	20	40	50	30	6

11. যে কোনো একটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

- একটি সমকোণী ত্রিভুজের অন্তর্বৃত্ত অঙ্কন প্রণালী বর্ণনা করো।
- একটি সমবাহু ত্রিভুজের সমান ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট একটি বর্গক্ষেত্রের অঙ্কন প্রণালী বর্ণনা করো।

[ বহিরাগত পরীক্ষার্থীদের জন্য অতিরিক্ত প্রশ্ন ]

2×3=6

16. (a) যে কোনো তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

- $x \propto y$ ,  $y \propto z$  এবং  $z \propto x$  হলে ভেদধ্রুবক তিনটির মধ্যে সম্পর্ক নির্ণয় করো।
- কোনো এক ব্যবসায় A-এর মূলধন B-এর মূলধনের  $1\frac{1}{2}$  গুণ। ওই ব্যবসায় B বৎসরান্তে 1,500 টাকা লভ্যাংশ পেলে, A কত টাকা লভ্যাংশ পাবে ?
- $x + \sqrt{x^2 - 9} = 9$  হলে,  $x - \sqrt{x^2 - 9}$  এর মান নির্ণয় করো।
- একটি গোলকের পৃষ্ঠতল যত বর্গ একক, এর ঘনফল তার দ্বিগুণ ঘন একক। গোলকটির ব্যাসার্ধ নির্ণয় করো।

(b) যে কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

1×4=4

- $\sqrt{7} - \sqrt{2}$  এবং  $\sqrt{8} - \sqrt{3}$  এর মধ্যে কোন্টি বড় ?
- কোন শর্তে  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ) দ্বিঘাত সমীকরণের একটি বীজ শূন্য হবে ?
- দুটি ত্রিভুজের বাহুগুলির দৈর্ঘ্যের পরিমাপ সমানুপাতে থাকলে, ত্রিভুজ দুটি কি ধরনের হয় ?
- বার্ষিক  $6\frac{1}{4}\%$  সরল সুদে কিছু টাকা কত বছরে দ্বিগুণ হবে নির্ণয় করো।
- শূন্যস্থান পূরণ করো :

একই বৃত্তাংশের মধ্যে অবস্থিত কেন্দ্রস্থ কোণ পরিধিস্থ কোণের \_\_\_\_\_ হবে।